

Application des principes.

1 Fonctions thermodynamiques.

1.1 Définitions.

1.1.1 Enthalpie H .

$$H = U + P \cdot V ; \quad dH = T \cdot dS + V \cdot dP + \sum \mu_i \cdot dn_i.$$

1.1.2 Énergie libre F .

$$F = U - T \cdot S ; \quad dF = -S \cdot dT - P \cdot dV + \sum \mu_i \cdot dn_i.$$

1.1.3 Enthalpie libre G .

$$\begin{aligned} G &= U - T \cdot S + P \cdot V \\ &= H - T \cdot S ; \quad dG = -S \cdot dT + V \cdot dP + \sum \mu_i \cdot dn_i. \\ &= F + P \cdot V \end{aligned}$$

1.2 Calcul de S et H à l'aide de G .

$$S = - \left(\frac{\partial G}{\partial T} \right)_{P,n} \quad \text{et} \quad - \frac{H}{T^2} = \left(\frac{\partial G}{\partial T} \right)_{P,n}.$$

2 Bilan d'énergie et application de 1^{er} principe.

2.1 Bilan énergétique des systèmes *fermés*.

Transformation quelconque : $\Delta E + Q + W$.

Transformation adiabatique : $Q = 0$.

Transformation sans travail de pression : $\Delta E = Q + W$; si $U \equiv E$, alors : $\Delta U = Q + W$.

2.2 Bilan énergétique des écoulements permanents.

2.2.1 Hypothèses de travail.

Systeme : ouvert (contenu du réacteur).

Transferts de matière : uniquement à l'entrée et à la sortie ; exclusivement convectifs

Régime permanent : $D_{m_e} = D_{m_s}$, la masse est conservative : $m_{int} = cste$.

Transferts énergétiques :

- Thermique : négligés le long de la canalisation ; \mathcal{P}_{th} .
 - Travail : Pendant dt : $\delta W_1 = P_e \cdot S_e \cdot v_e \cdot dt - P_s \cdot S_s \cdot v_s \cdot dt$. De plus, $D_m = \rho \cdot S \cdot v$.
- D'où : $\delta W_1 = \left(\frac{P_e}{\rho_e} - \frac{P_s}{\rho_s} \right) \cdot D_m \cdot dt$.
- Autre travail : $\delta W_2 = \mathcal{P}_W \cdot dt$.

Bilan en régime permanent :

- $dE = D_m \cdot dt \cdot (e_{m_s} - e_{m_e})$ avec $e_m = u_m + \frac{1}{2} \cdot v^2 + g \cdot z$.
- $\delta Q = \mathcal{P}_{th} \cdot dt$.
- $\delta W = \mathcal{P}_W \cdot dt + \left(\frac{P_e}{\rho_e} - \frac{P_s}{\rho_s} \right) \cdot D_m \cdot dt$.

D'où : $D_m \cdot (e_{m_s} - e_{m_e}) = \left(\frac{P_e}{\rho_e} - \frac{P_s}{\rho_s} \right) \cdot D_m + \mathcal{P}_W + \mathcal{P}_{th}$.

$$\Rightarrow D_m \cdot \Delta \left(h \cdot m + \frac{1}{2} \cdot v^2 + g \cdot z \right) = \mathcal{P}_W + \mathcal{P}_{th}.$$

3 Bilan entropique des systèmes *fermés*.

3.1 Relation de Clausius.

Relation générale. $\frac{dS}{dt} \geq - \oint \frac{\vec{j}_Q}{T_{ext}} \cdot d\vec{S}$.

Cas où T_{ext} est uniforme : $\frac{dS}{dt} \geq \frac{\delta Q}{T_{ext}}$.

3.2 Application aux transformations *réversibles*.

Transformation adiabatique : $\vec{j}_Q \cdot d\vec{S} = 0$ en tout point de Σ . $\Delta S = 0$, pour une transformation finie et pour un cycle.

Transformation diatherme : Finie : $\Delta S = \int \frac{\delta Q}{T}$. Cycle : $\oint \frac{\delta Q}{T} = 0$.

Transformation isotherme : Finie : $\Delta S = \frac{Q}{T}$. Cycle : $Q = 0$.

3.3 Application aux transformations *irréversibles*.

Transformation adiabatique : $\Delta S > 0$. (pas de cycle adiabatique irréversible).

Transformation diatherme : Finie : $\Delta S > \int \frac{\Delta Q}{T_{ext}}$. Cycle : $0 > \int \frac{\Delta Q}{T_{ext}}$.

Transformation isotherme : Finie : $\Delta S > \frac{Q}{T_{ext}}$. Cycle : $Q < 0$.

4 Machines thermiques.

4.1 Machines monothermes.

Machines réversibles : $Q = W = 0$.

Machines irréversibles : $Q < 0$ et $W > 0$.

4.2 Machines dithermes.

4.2.1 Nature du cycle.

Cas général : au moins 4 étapes. 2 mono-T et 2 adiabatiques.

Cas dy cycle de Carnot : les 4 étapes sont réversibles \implies 2 iso-T et 2 isentropiques.

4.2.2 Application des principes.

Premier principe : $\Delta U = 0 = Q_1 + Q_2 + W$.

Second principe : $\frac{Q_1}{T_1} + \frac{Q_2}{T_2} < 0$.

Diagramme de Raveau : Q_1 en fonction de Q_2 .

4.2.3 Différents types de machines thermiques.

Moteur : $W < 0 \implies Q_1 > 0$ et $Q_2 < 0$.

Pompe à chaleur : $Q_2 > 0 \implies Q_1 < 0$ et $W > 0$.

Réfrigérateur : $Q_1 < 0 \implies W > 0$.

4.2.4 Rendement et efficacité.

Rendement : $r = -\frac{W}{Q_1} = 1 + \frac{Q_2}{Q_1}$.

Efficacité : $e_p = -\frac{Q_1}{W}$ $e_r = \frac{Q_2}{W}$.

Premier théorème de Carnot : Pour une machine réversible, $r = 1 - \frac{T_2}{T_1}$.

5 Compléments.

5.1 Relations de Maxwell.

Soit $f(x,y,z) = \frac{\partial f}{\partial x} \cdot dx + \frac{\partial f}{\partial y} \cdot dy + \frac{\partial f}{\partial z} \cdot dz = \alpha \cdot dx + \beta \cdot dy + \gamma \cdot dz$.

Théorème de Schwartz : $\frac{\partial^2 f}{\partial x \partial y} = \frac{\partial^2 f}{\partial y \partial x}$.

D'où : $\frac{\partial \alpha}{\partial y} = \frac{\partial \beta}{\partial x}$.

6 Relations intéressantes.

- Conservation de la masse.
- Conservation de l'énergie.
- Equation d'état du gaz.
- Principe fondamental de la dynamique.